Series PPQQA/1

SET~3

प्रश्न-पत्र कोड
Q.P. Code **30/1/3**

रोल नं.
Roll No. | | | | | | | | |

परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें ।
Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

	नोट		NOTE
(I)	कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ **11** हैं ।	(I)	Please check that this question paper contains **11** printed pages.
(II)	प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें ।	(II)	Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
(III)	कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में **14** प्रश्न हैं ।	(III)	Please check that this question paper contains **14** questions.
(IV)	**कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें ।**	(IV)	**Please write down the serial number of the question in the answer-book before attempting it.**
(V)	इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।	(V)	15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

गणित (मानक)

MATHEMATICS (STANDARD)

निर्धारित समय : 2 घण्टे | *अधिकतम अंक : 40*

Time allowed : 2 hours | *Maximum Marks : 40*

Z@LLEGE.in

सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख़्ती से पालन कीजिए :

(i) *इस प्रश्न-पत्र में कुल **14** प्रश्न हैं । सभी प्रश्न अनिवार्य हैं ।*

(ii) *यह प्रश्न-पत्र **तीन** खण्डों में विभाजित है – **खण्ड क, ख** तथा **ग** ।*

(iii) ***खण्ड क** में **6** प्रश्न (प्र.सं. **1** से **6**) हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न **2** अंक का है । **दो** प्रश्नों में आंतरिक विकल्प प्रदान किया गया है ।*

(iv) ***खण्ड ख** में **4** प्रश्न (प्र.सं. **7** से **10**) हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न **3** अंक का है । **एक** प्रश्न में आंतरिक विकल्प प्रदान किया गया है ।*

(v) ***खण्ड ग** में **4** प्रश्न (प्र.सं. **11** से **14**) हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न **4** अंक का है । **एक** प्रश्न में आंतरिक विकल्प प्रदान किया गया है । इस खण्ड में दो प्रकरण अध्ययन आधारित प्रश्न भी शामिल हैं ।*

(vi) *कैल्कुलेटर के उपयोग की अनुमति **नहीं** है ।*

खण्ड क

*प्रश्न संख्या **1** से **6** तक प्रत्येक प्रश्न के **2** अंक हैं ।*

1. (क) m के किस मान के लिए द्विघात समीकरण

$$(m - 1) x^2 + 2 (m - 1) x + 1 = 0$$

के दो बराबर और वास्तविक मूल होंगे ? *2*

अथवा

(ख) निम्न द्विघात समीकरण को, x के लिए हल कीजिए : *2*

$$\sqrt{3}\, x^2 + 10x + 7\sqrt{3} = 0$$

2. रेहान की 5 वर्ष पूर्व आयु (वर्षों में) तथा अब से 7 वर्ष उपरान्त उसकी आयु का गुणनफल उसकी वर्तमान आयु के दो गुने से एक अधिक है । उसकी वर्तमान आयु ज्ञात कीजिए । *2*

3. (क) संख्या 6 के दो अंकों वाले प्रथम 12 गुणजों का योगफल ज्ञात कीजिए । *2*

अथवा

(ख) एक समांतर श्रेढ़ी में यदि $a_2 = 26$ तथा $a_{15} = -26$ है, तो समांतर श्रेढ़ी लिखिए । *2*

ZOLLEGE.in

General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

(i) *This question paper contains **14** questions. **All** questions are compulsory.*

(ii) *This question paper is divided into **three** sections – **Sections A**, **B** and **C**.*

(iii) ***Section A** comprises of **6** questions (Q.no. **1** to **6**) of **2** marks each. Internal choice has been provided in **two** questions.*

(iv) ***Section B** comprises of **4** questions (Q.no. **7** to **10**) of **3** marks each. Internal choice has been provided in **one** question.*

(v) ***Section C** comprises of **4** questions (Q.no. **11** to **14**) of **4** marks each. Internal choice has been provided in **one** question. It also contains two case study based questions.*

(vi) *Use of calculator is **not** permitted.*

SECTION A

*Question numbers **1** to **6** carry **2** marks each.*

1. (a) Find the value of m for which the quadratic equation

$$(m - 1)\, x^2 + 2\,(m - 1)\, x + 1 = 0$$

has two real and equal roots. *2*

OR

(b) Solve the following quadratic equation for x : *2*

$$\sqrt{3}\, x^2 + 10x + 7\sqrt{3} = 0$$

2. The product of Rehan's age (in years) 5 years ago and his age 7 years from now, is one more than twice his present age. Find his present age. *2*

3. (a) Find the sum of the first twelve 2-digit numbers which are multiples of 6. *2*

OR

(b) In an AP, if $a_2 = 26$ and $a_{15} = -26$, then write the AP. *2*

ZOLLEGE.in

4. 10·5 सेमी त्रिज्या वाले धातु के एक ठोस गोले को पिघलाकर, 3·5 सेमी त्रिज्या और 3 सेमी ऊँचाई के कुछ छोटे-छोटे शंकु बनाए जाते हैं । इस प्रकार बनाए गए शंकुओं की संख्या ज्ञात कीजिए । *2*

5. दो संकेंद्रीय वृत्तों की त्रिज्याएँ 4 सेमी तथा 3 सेमी हैं । बड़े वृत्त की उस जीवा की लम्बाई ज्ञात कीजिए जो छोटे वृत्त को स्पर्श करती हो । *2*

6. निम्न बारंबारता बंटन का बहुलक ज्ञात कीजिए : *2*

वर्ग	10 – 20	20 – 30	30 – 40	40 – 50	50 – 60
बारंबारता	15	10	12	17	4

खण्ड ख

*प्रश्न संख्या **7** से **10** तक प्रत्येक प्रश्न के **3** अंक हैं ।*

7. (क) एक मीनार के पाद-बिंदु से एक भवन के शिखर का उन्नयन कोण 30° है और भवन के पाद-बिंदु से मीनार के शिखर का उन्नयन कोण 60° है । यदि मीनार 50 मी. ऊँची है, तो भवन की ऊँचाई ज्ञात कीजिए । *3*

अथवा

(ख) एक नदी के पुल के एक बिंदु से नदी के सम्मुख किनारों के अवनमन कोण क्रमशः 30° और 45° हैं । यदि पुल किनारों से 3 मी. की ऊँचाई पर हो, तो नदी की चौड़ाई ज्ञात कीजिए । *3*

8. 7 सेमी लंबाई का रेखाखण्ड AB खींचिए । इसे 3 : 2 के अनुपात में विभाजित कीजिए । *3*

ZOLLEGE.in

4. A solid metallic sphere of radius 10·5 cm is melted and recast into a number of smaller cones, each of radius 3·5 cm and height 3 cm. Find the number of cones so formed. *2*

5. Two concentric circles are of radii 4 cm and 3 cm. Find the length of the chord of the larger circle which touches the smaller circle. *2*

6. Find the mode of the following frequency distribution : *2*

Class	10 – 20	20 – 30	30 – 40	40 – 50	50 – 60
Frequency	15	10	12	17	4

SECTION B

*Question numbers **7** to **10** carry **3** marks each.*

7. (a) The angle of elevation of the top of a building from the foot of the tower is 30° and the angle of elevation of the top of the tower from the foot of the building is 60°. If the tower is 50 m high, then find the height of the building. *3*

OR

(b) From a point on a bridge across a river, the angles of depression of the banks on opposite sides of the river are 30° and 45° respectively. If the bridge is at a height of 3 m from the banks, then find the width of the river. *3*

8. Draw a line segment AB = 7 cm. Divide it in the ratio 3 : 2. *3*

ZOLLEGE.in

9. x के किस मान के लिए निम्नलिखित बारंबारता बंटन का माध्यक 34·5 है ? *3*

वर्ग	*बारंबारता*
0 – 10	3
10 – 20	5
20 – 30	11
30 – 40	10
40 – 50	x
50 – 60	3
60 – 70	2

10. निम्नलिखित सारणी किसी गाँव के खेतों में हुआ गेहूँ का उत्पादन दर्शाती है :

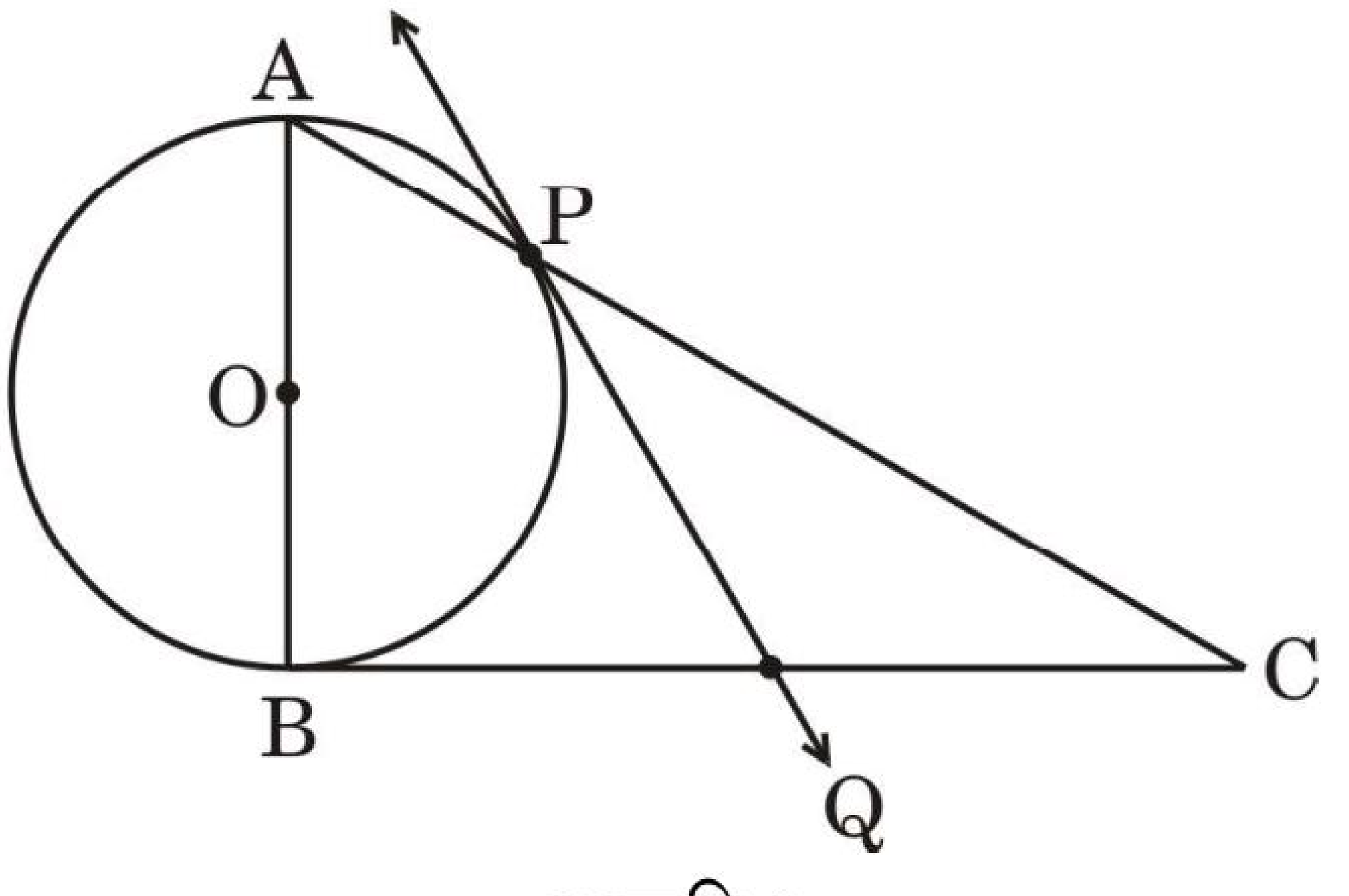
उत्पादन (kg/ha)	50 – 60	60 – 70	70 – 80	80 – 90	90 – 100
खेतों की संख्या	7	12	11	8	2

कल्पित माध्य विधि का प्रयोग करते हुए माध्य उत्पादन ज्ञात कीजिए । *3*

खण्ड ग

*प्रश्न संख्या **11** से **14** तक प्रत्येक प्रश्न के **4** अंक हैं ।*

11. आकृति 1 में, त्रिभुज ABC दर्शाया गया है जिसमें ∠ B = 90° है । AB को व्यास लेते हुए एक वृत्त खींचा गया है, जो AC को बिंदु P पर प्रतिच्छेद करता है । सिद्ध कीजिए कि बिंदु P पर खींची गई स्पर्श रेखा BC को समद्विभाजित करती है । *4*



आकृति 1

ZOLLEGE.in

9. For what value of x, is the median of the following frequency distribution 34·5 ? *3*

Class	*Frequency*
0 – 10	3
10 – 20	5
20 – 30	11
30 – 40	10
40 – 50	x
50 – 60	3
60 – 70	2

10. The following table gives the production yield of wheat of farms of a village :

Production Yield (in kg/ha)	50 – 60	60 – 70	70 – 80	80 – 90	90 – 100
Number of Farms	7	12	11	8	2

Find the mean production yield, using assumed mean method. *3*

SECTION C

*Question numbers **11** to **14** carry **4** marks each.*

11. In Figure 1, a triangle ABC with $\angle B = 90°$ is shown. Taking AB as diameter, a circle has been drawn intersecting AC at point P. Prove that the tangent drawn at point P bisects BC. *4*

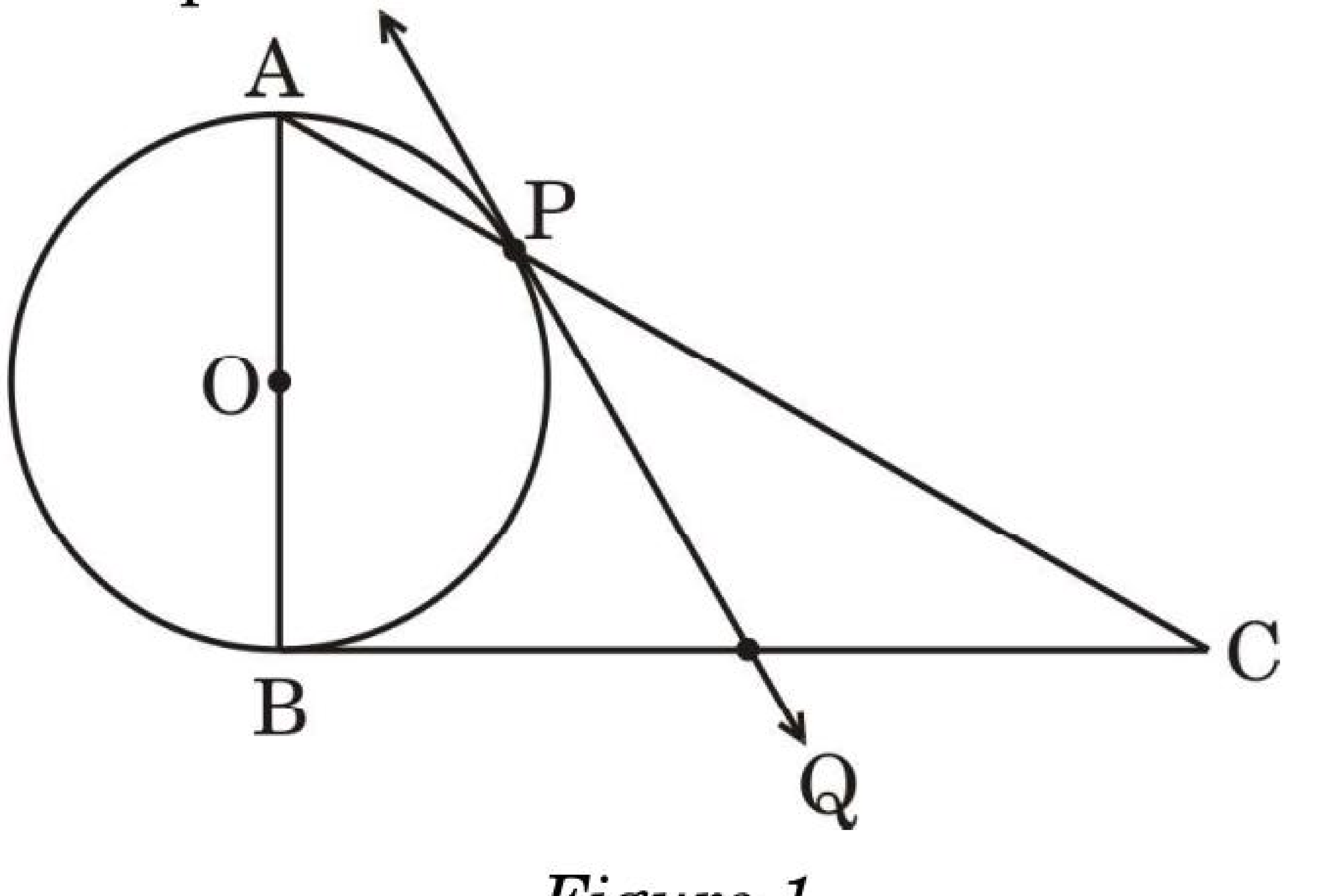
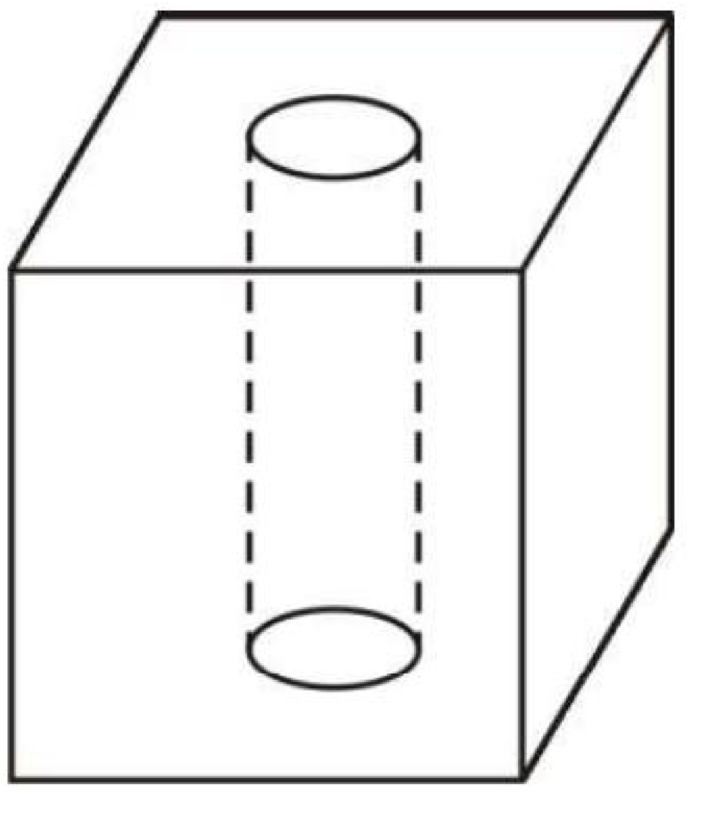


Figure 1

ZOLLEGE.in

12. (क) आकृति 2 में, 7 सेमी भुजा वाले एक ठोस घन में से ऊँचाई 7 सेमी तथा त्रिज्या 2·1 सेमी वाला एक बेलन निकाल लिया जाता है । शेष ठोस का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए । *4*



आकृति 2

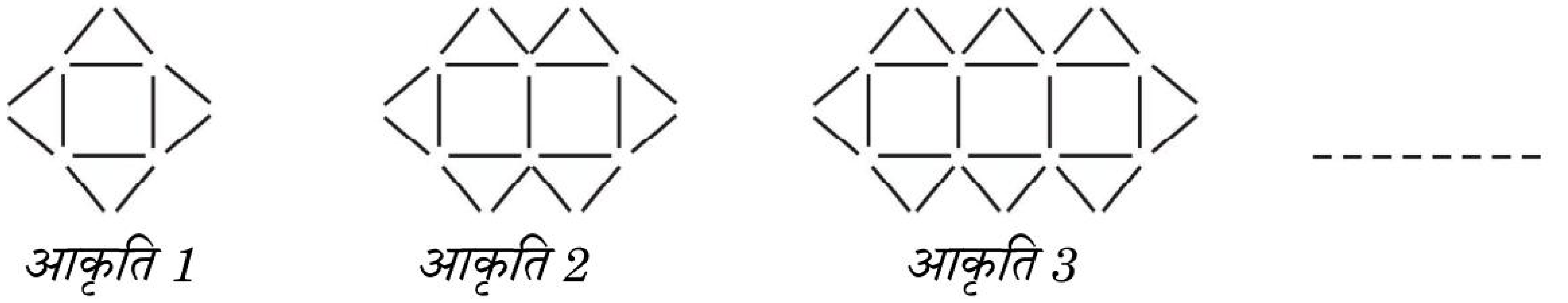
अथवा

(ख) 5 मी. व्यास का एक कुआँ, 24 मी. गहराई तक खोदा जाता है । इससे निकली हुई मिट्टी को कुएँ के चारों ओर 3 मी. चौड़ी एक वृत्ताकार वलय बनाते हुए, समान रूप से फैलाकर एक प्रकार का बाँध बनाया जाता है । बाँध की ऊँचाई ज्ञात कीजिए । *4*

प्रकरण अध्ययन – 1

13. गणित में संबंधों को कई प्रकार से व्यक्त किया जा सकता है । माचिस की तीलियों से बनाए गए पैटर्न रेखीय संबंधों पर आधारित हैं । अलग-अलग आकृतियों में प्रयुक्त माचिस की तीलियों की संख्या ज्ञात करने के लिए भिन्न युक्तियाँ प्रयुक्त की जा सकती हैं ।

एक ऐसा ही पैटर्न नीचे दर्शाया गया है । पैटर्न को ध्यानपूर्वक देखिए तथा समांतर श्रेढ़ी का उपयोग करते हुए निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :



आकृति 1 *आकृति 2* *आकृति 3*

(क) आकृतियों में प्रयुक्त त्रिभुजों की संख्या को दर्शाने वाली एक समांतर श्रेढ़ी लिखिए । इस समांतर श्रेढ़ी का nवाँ पद भी लिखिए । *2*

(ख) किस आकृति में 61 माचिस की तीलियों का उपयोग हुआ है ? *2*

ZOLLEGE.in

12. (a) In Figure 2, from a solid cube of side 7 cm, a cylinder of radius 2·1 cm and height 7 cm is scooped out. Find the total surface area of the remaining solid. *4*

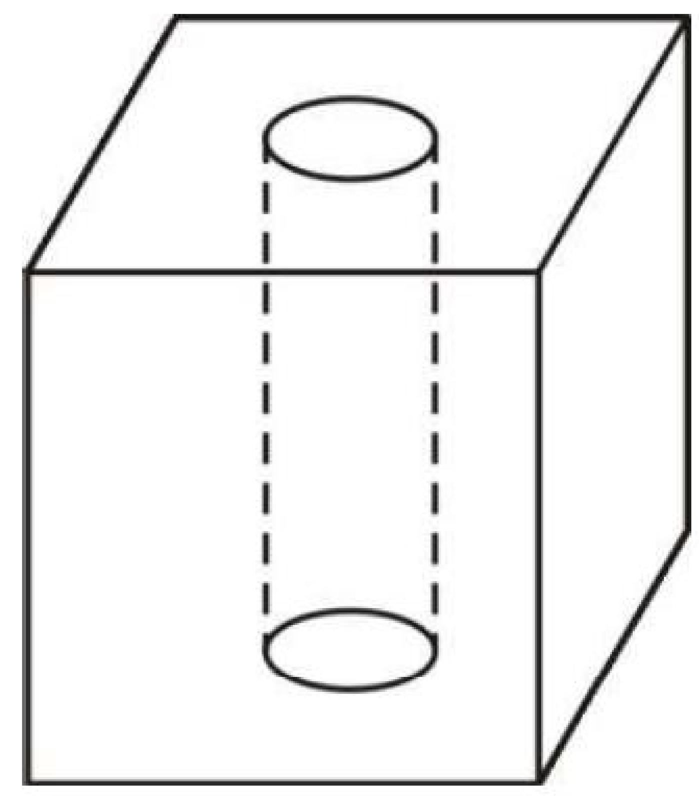


Figure 2

OR

(b) A well of diameter 5 m is dug 24 m deep. The earth taken out of it has been spread evenly all around it in the shape of a circular ring of width 3 m to form an embankment. Find the height of the embankment. *4*

Case Study – 1

13. In Mathematics, relations can be expressed in various ways. The matchstick patterns are based on linear relations. Different strategies can be used to calculate the number of matchsticks used in different figures.

One such pattern is shown below. Observe the pattern and answer the following questions using Arithmetic Progression :

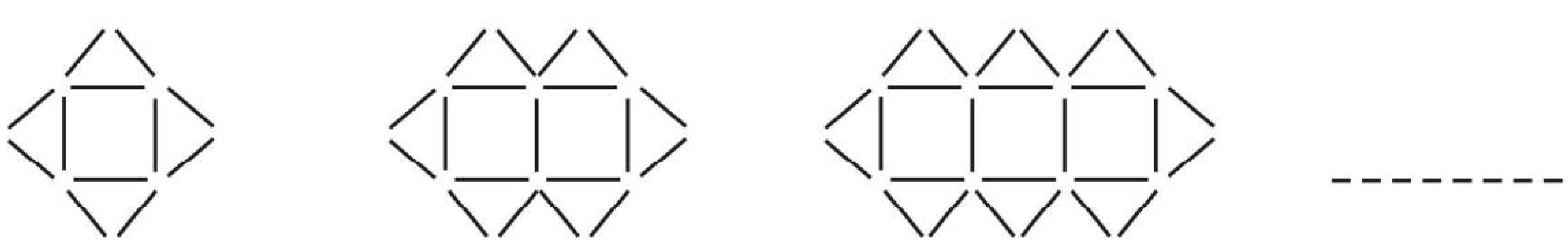


Figure 1 *Figure 2* *Figure 3*

(a) Write the AP for the number of triangles used in the figures. Also, write the n^{th} term of this AP. *2*

(b) Which figure has 61 matchsticks ? *2*

ZOLLEGE.in

प्रकरण अध्ययन – 2

14. गड़ीसर झील राजस्थान के जैसलमेर जिले में स्थित है । इसको जैसलमेर के राजा ने बनवाया था तथा 14वीं शताब्दी में गड़सी सिंह ने इसे दुबारा बनवाया । इस झील में बहुत-सी छतरियाँ बनी हुई हैं । उनमें से एक छतरी को नीचे दर्शाया गया है :

चित्र को ध्यानपूर्वक देखिए । पानी की सतह से h मी. ऊँचाई पर स्थित बिंदु A से छतरी के शीर्ष (बिंदु B) का उन्नयन कोण 45° है तथा इसी बिंदु से पानी में छतरी के प्रतिबिम्ब (बिंदु C) का अवनमन कोण 60° है । पानी की सतह के ऊपर छतरी की ऊँचाई यदि 10 मी. हो, तो

(क) उपर्युक्त सूचना के आधार पर अच्छी प्रकार से अंकित एक आकृति खींचिए । *2*

(ख) पानी की सतह से बिंदु A की ऊँचाई (h) ज्ञात कीजिए ।
($\sqrt{3}$ = 1·73 का प्रयोग कीजिए) *2*

ZOLLEGE.in

Case Study – 2

14. Gadisar Lake is located in the Jaisalmer district of Rajasthan. It was built by the King of Jaisalmer and rebuilt by Gadsi Singh in 14^{th} century. The lake has many Chhatris. One of them is shown below :

Observe the picture. From a point A h m above from water level, the angle of elevation of top of Chhatri (point B) is 45° and angle of depression of its reflection in water (point C) is 60°. If the height of Chhatri above water level is (approximately) 10 m, then

(a) draw a well-labelled figure based on the above information; *2*

(b) find the height (h) of the point A above water level.
(Use $\sqrt{3} = 1{\cdot}73$) *2*

ZOLLEGE.in